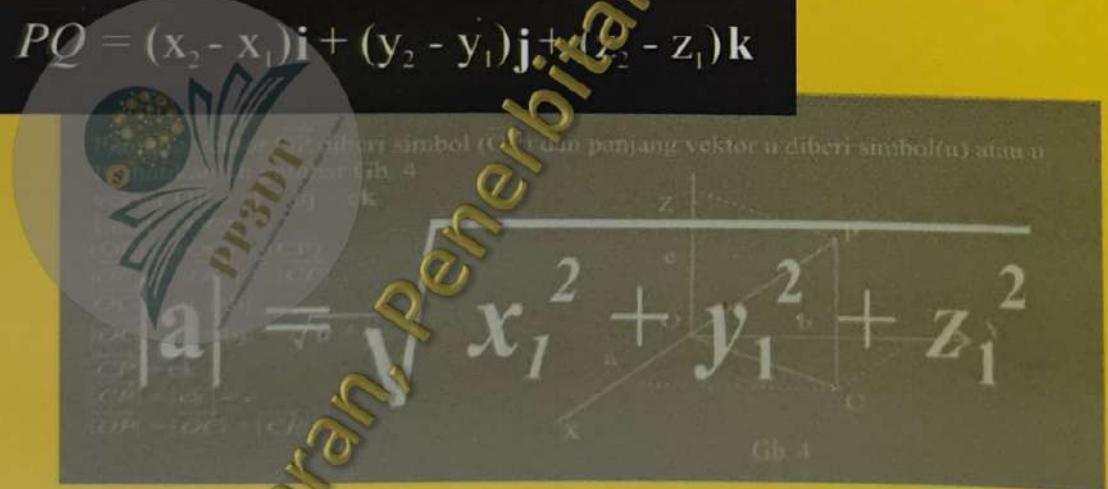


Soemoenar

# Kalkulus

$$PQ = (x_2 - x_1)\mathbf{i} + (y_2 - y_1)\mathbf{j} + (z_2 - z_1)\mathbf{k}$$



PENERBIT UNIVERSITAS TRISAKTI

Buku ini dirancang sebagai Buku Pegangan Kuliah Mahasiswa, sebagai buku pegangan kuliah kelanjutan setelah mahasiswa mengikuti kuliah Kalkulus I Diferensial dan Kalkulus I Integral. Fakta, konsep dan prinsip matematika pada Kalkulus III disajikan dalam bentuk yang sangat sederhana sehingga mudah dipelajari dan difahami oleh mahasiswa. Buku Pegangan Kuliah Mahasiswa mata kuliah Kalkulus III ini memudahkan mahasiswa mempelajari bahan kuliah Kalkulus III yang merupakan bagian - bagian dari beberapa buku Matematika lanjutan.

Di dalam buku ini disajikan perkuliahan tentang vektor ruang dimensi tiga, meliputi operasi dasar vektor ruang, fungsi vektor, derivatif fungsi vektor dan operator del. Dilanjutkan dengan integral rangkap dua, integral rangkap tiga, yang memuat pengeraan dan mengubah ukuran pengeraannya serta menambahkan peubah baru pada integral rangkap. Pemakaian integral rangkap untuk menghitung volum, luas daerah, luas permukaan lengkap benda ruang, masa dan pusat massa dan momen inersia. Pemakaian integral rangkap disajikan juga dalam berbagai macam sistem koordinat di antaranya, koordinat kutub, koordinat tabung dan koordinat bola.

Disajikan juga integral garis meliputi teorema Green, integral permukaan, teorema divergensi dan teorema Stokes. Persamaan deferensial disajikan sebagai bab terakhir. Diberikan juga cara menyelesaikan persamaan deferensial secara simbolis. Pada setiap topik bahasan disertai dengan contoh soal dengan penyelesaian lengkap dan soal latihan yang mamadai.

ISBN 979-8398-70-X



9 789798 1398704 >

# DAFTAR ISI

Kata Pengantar .....	i
Daftar Isi .....	iii
Vektor .....	1
A. Vektor ruang dimensi tiga .....	1
B. Perkalian skalar dua vector .....	3
C. Perkalian silang dua vektor .....	5
D. Fungsi vektor .....	7
E. Derivatif fungsi vektor .....	7
F. Operator del .....	8
Pengerjaan Integral Rangkap .....	10
A. Integral rangkap dua .....	10
B. Integral rangkap tiga .....	11
Integral Rangkap Dua .....	14
A. Volum .....	14
B. Luas daerah .....	18
C. Mengubah urutan integral berulang .....	20
Koordinat Ruang .....	22
A. Koordinat tabung .....	22
B. Koordinat bola .....	22
Tranformasi Koordinat .....	24
A. Determinasi Jacobi .....	24
B. Memasukkan peubah baru pada integral rangkap .....	25
Integral Rangkap Tiga .....	33
A. Koordinat tabung .....	33
B. Koordinat bola .....	35
Masa, Pusat Masa dan Momen Inersia .....	39
A. Masa dan pusat masa daerah gambar .....	39
B. Momen inersia daerah gambar .....	42
C. Masa dan pusat masa benda ruang .....	45